

UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO  
ESCOLA DE ENGENHARIA DE SÃO CARLOS  
CENTRO DE PROCESSAMENTO DE DADOS

ÁREA DE APOIO A USUÁRIOS  
SUPORTE INFORMACIONAL



DEDALUS - Acervo - EESC

PC-MATLAB ver. 3.1-PC

LEA SILVIA MARTINS GONÇALVES

SETEMBRO / 1991  
PUBLICAÇÃO 067/93  
REIMPRESSÃO



## ÍNDICE

01. INTRODUÇÃO	03
02. SISTEMA REQUERIDO	03
03. INSTALAÇÃO DO PC-MATLAB	03
04. EDIÇÃO DE UM PROBLEMA	04
05. EXPORTAR DAODS/RESULTADOS PARA FORA DO MATLAB	05
06. LIMITES	05
07. SIMBOLOGIA - CARACTERES ESPECIAIS	06
08. FORMATO DE SAÍDA	06
09. COMANDOS E VARIÁVEIS	07
10. GERAÇÃO DE VETORES	08
11. TRABALHANDO COM MATRIZES	08
ELEMENTOS DE UMA MATRIZ	09
12. OPERAÇÃO COM MATRIZES	10
TRANSPOSTA	10
ADIÇÃO / SUBTRAÇÃO	11
MULTIPLICAÇÃO	11
DIVISÃO	12
13. OPERAÇÃO COM CONJUNTOS	12
ADIÇÃO / SUBTRAÇÃO	12
SUBTRAÇÃO	13
MULTIPLICAÇÃO	13
POTENCIAÇÃO	13
14. NÚMEROS COMPLEXOS	14
15. OPERAÇÃO RELACIONAL E LÓGICA	14
16. ROTINAS ESPECIAIS PARA PROGRAMAÇÃO	15
17. FUNÇÕES MATEMÁTICAS ELEMENTARES	17
18. TRAÇANDO GRÁFICOS	18
19. IMPRIMINDO GRÁFICOS	22
META NOME-ARQUIVO	22
PRINT	24
PRTSC	24

20. FUNÇÕES DE TELA	25
21. FUNÇÕES PARA JANELA GRÁFICA	25
22. FUNÇÕES PARA TRATAMENTO DE ARQUIVOS	26
23. FUNÇÕES LÓGICAS E RELACIONAIS	26
24. UTILITÁRIOS PARA MATRIZES	27
25. FUNÇÕES DE DECOMPOSIÇÃO E FATORIZAÇÃO	28
26. FUNÇÕES POLINOMIAIS	28
27. FUNÇÕES PARA ANÁLISE DE DADOS	29
28. FUNÇÕES PARA PROCESSAMENTO DE SINAIS	30
29. FACILIDADE DO HELP	31
30. TUTORIAL	32
31. SISTEMA DE CONTROLE TOOLBOX	32
31.1 FUNÇÕES PARA CONSTRUÇÃO DE MODELOS	38
31.2 FUNÇÕES PARA CONVERSÃO DE MODELOS	38
31.3 FUNÇÕES PARA REALIZAÇÃO DE MODELOS	39
31.4 PROPRIEDADES DE UM MODELO	39
31.5 FUNÇÕES PARA RESPOSTA NO TEMPO	40
31.6 FUNÇÕES PARA RESPOSTA DE FREQUÊNCIA	40
31.7 FUNÇÕES PARA SELEÇÃO DE GANHO	40
31.8 UTILITÁRIOS	41
31.9 EXEMPLO COMPLETO	41
32. BIBLIOGRAFIA	54

## 01. INTRODUÇÃO

MATLAB é um programa interativo voltado para cálculo numérico, cujo elemento básico de informação é uma matriz que não requer dimensionamento.

O software PC-MATLAB é muito utilizado em cálculo numérico, cálculos científicos principalmente voltado para engenharia. Possui recursos específicos para tratamento de matrizes e facilidade para plotar gráficos.

O PC-MATLAB foi desenvolvido em linguagem C, sendo possível a construção de novas rotinas.

É aconselhado para os usuários que não gostam muito de programar nas linguagens tradicionais como : FORTRAN, PASCAL, C...

## 02. SISTEMA REQUERIDO

O PC-MATLAB requer o seguinte hardware/software:

- . IBM PC, PC/XT, PC/AT ou compatíveis
- . no mínimo de 320Kbytes de memória
- . versão superior a 2.0 do MS-DOS ou PC-DOS
- . coprocessador matemático 8087, 80287 ou 80387
- . no mínimo um driver
- . 4 disquetes para cópia do software

## 03. INSTALAÇÃO DO PC-MATLAB

Para instalar o PC-MATLAB em um disco rígido é necessário:

- criar um novo subdiretório chamado PC-MATLAB

```
C> MD\MATLAB
```

```
C> CD\MATLAB
```

- inserir o DISCO DE PROGRAM #1 e digitar:

```
C:\MATLAB> A:INSTALL HARD
```

a partir daqui, a instalação prosseguirá observando-se a colocação dos disquetes e o tipo de hardware que se tem.

- Para instalar a parte das rotinas especiais voltadas para

Sistema de Controle, há necessidade da criação de um subdiretório específico para esta parte:

```
C:\> MD\MATLAB\CONTROL
```

```
C:\> CD\MATLAB\CONTROL
```

- Inserir o disquete CONTROL SYSTEM TOOLBOX e copiar todos os arquivos no subdiretório criado.

```
C:\MATLAB\CONTROL> COPY A:*.*
```

Após o término da instalação, é necessário:

- alterar O ARQUIVO AUTOEXEC.BAT :

```
PATH = C:\; C:\MATLAB
```

- alterar o ARQUIVO CONFIG.SYS :

```
FILES = 20  
BUFFERS = 20  
BREAK = ON
```

Para carregar o software MATLAB na memória, basta digitar:

```
C:\MATLAB > MATLAB <ENTER>
```

A tela inicial do software é:

```
< P C - M A T L A B >  
(c) Copyright The MathWorks, Inc. 1984, 1985, 1986, 1987  
All Rights Reserved  
Version 3.05      1-Apr-87  
  
HELP, DEMO and INFO are available  
  
>>
```

O prompt padrão do MATLAB é: >>

#### 04. EDIÇÃO DE UM PROBLEMA

Pode-se introduzir os dados de um problema no MATLAB de várias formas.

## **ENTRADA DE UMA LISTA EXPLÍCITA DE DADOS**

É bastante utilizado e é a forma mais simples.

É aconselhável para um conjunto pequeno de dados, pois uma vez errado há necessidade de nova digitação.

## **CRIAR ARQUIVO .M**

Qualquer editor pode ser utilizado para facilitar a edição do problema, como WORD, WORDSTAR, SIDEKICK, etc..., uma vez que o PC-MATLAB não contém um editor embutido, com todos os recursos facilitados de um processador de palavras.

Cria-se o arquivo do tipo .M na forma não formatada, isto é, em ASCII. Os dados no arquivo estarão como uma lista explícita de elementos.

## **CARREGAR UM ARQUIVO EM ASCII**

Utiliza-se o comando load para fazer a leitura do arquivo.

Os dados devem ter comprimentos fixos, os números separados por branco e o fim da linha por <RETURN>.

O resultado está em uma variável cujo nome é o nome do arquivo.

## **05. EXPORTAR DADOS/RESULTADOS PARA FORA DO MATLAB**

Para matrizes não muito grandes, usar o comando diary para criar um arquivo listando todas as variáveis nesse arquivo.

Posteriormente, pode-se usar qualquer editor de texto para manipular o arquivo.

Pode-se também salvar as variáveis usando o comando save. Sair do MATLAB e usar o comando translate para converter arquivos do MATLAB para outros formatos possíveis como: ASCII, binário, FORTRAN não formatado, DIF (planilha eletrônica),...

## **06. LIMITES**

Para uma limitação de memória de 640 kbytes, limitação essa do MS-DOS tem-se:

- vetor limite é de 8.188 elementos
- matriz quadrada da ordem de 90

## 07. SIMBOLOGIA - CARACTERES ESPECIAIS

SÍMBOLO	DESCRIÇÃO
=	Comando de atribuição
[   ]	Delimitar elementos de matrizes e vetores
(   )	Alterar precedência de expressões aritméticas
.	Ponto decimal
..	Continuação de comando na próxima linha
,	Separa argumentos de funções e elementos de matrizes e vetores
;	Indica o fim de uma linha com a supressão da impressão da resposta
%	Comentário
:	Geração de um vetor enumerado
!	Execução de comandos do Sistema Operacional

## 08. FORMATO DE SAÍDA

O comando `format` controla o formato de saída, que pode ser: exponencial, decimal e controla também o número de casas decimais significativas.

### EXEMPLO

FORMATO	NÚMERO DE DÍGITOS SIGNIFICATIVOS	RESULTADO DE 3/4
format short	5	1.3333
format short e	5	1.3333e+000
format long	16	1.3333333333333333
format long e	16	1.3333333333333333e+000

## 09. COMANDOS E VARIÁVEIS

Há duas formas de se trabalhar com o PC-MATLAB: forma interpretada e forma programada.

Na forma interpretada após cada comando que termina teclando-se ENTER ou RETURN, há uma resposta do PC-MATLAB.

VARIÁVEL = EXPRESSÃO <ENTER>

ou simplesmente

EXPRESSÃO <ENTER>

### EXEMPLO

```
2500 / 20
Resulta pelo PC-MATLAB :
ans =
    125
```

```
A=2500/20
Resulta pelo PC-MATLAB :
A=
    125
```

Na forma programada o último caracter da linha de comando é um ponto e vírgula ; e a impressão é suprimida.



### EXEMPLO

```
A=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9] ;  
B=A' ;  
C=A*B ;
```

## 10. GERAÇÃO DE VETORES

Há possibilidade de gerar números através de intervalos definidos, utilizando um incremento fixo. A sua forma é:

valor\_inicial: incremento: valor\_final

### EXEMPLOS

```
Z= 6:-1:1
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
Z=  
6 5 4 3 2 1
```

```
X= (0.8 : 0.2 : 1.4) ' ;
```

```
Y= exp(-X).* sin(X) ;
```

```
Z= [X Y]
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
Z =  
0.8000    0.3223  
1.0000    0.3096  
1.2000    0.2807  
1.4000    0.2430
```

## 11. TRABALHANDO COM MATRIZES

PC-MATLAB trabalha essencialmente com matrizes numéricas retangulares com possibilidade de ter elementos complexos.

Para entrar com dados de uma simples matriz há vários modos:

- lista explícita dos elementos
- gerar uma matriz utilizando comandos e funções
- criar arquivos do tipo .M
- carregar dados de arquivos externos

Não há comandos de dimensões nem de tipos de dados.

A forma mais simples de introduzir uma MATRIZ é a lista explícita de dados:

- os elementos são separados por branco ou vírgula
- as linhas são separadas por `;`
- o início e o fim por `[` e `]`

#### EXEMPLO

```
A = [ 1 2 3 ; 4 5 6 ; 7 8 9 ]
```

Resulta como saída na tela pelo PC-MATLAB :

```
A =  
    1  2  3  
    4  5  6  
    7  8  9
```

#### ELEMENTOS DE UMA MATRIZ

Os elementos de um matriz podem ser simples elementos, ou calculados através de qualquer expressões.

#### EXEMPLO

```
X = [ -1.5    COS(45)    (1 + 5*2)/5^2 ]
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
X =  
   -1.5    0.5253    0.4400
```

Para se incluir uma linha dentro de uma matriz, sem ter que redigitá-la basta dar o comando:

```
A = [ 1 2 3 ; 4 5 6 7 8 9 ] ;
```

```
A = [ A ; [10 11 12] ]
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB :

```
A =  
    1    2    3  
    4    5    6  
    7    8    9  
   10   11   12
```

## 12. OPERAÇÃO COM MATRIZES

Os operadores possíveis das matrizes são:

```
+ ADIÇÃO  
- SUBTRAÇÃO  
* MULTIPLICAÇÃO  
/ DIVISÃO À DIREITA  
\ DIVISÃO À ESQUERDA  
^ EXPONENCIAÇÃO  
' TRANSPOTA
```

### TRANSPOTA

O caracter aspa simples `'` calcula a transposta de uma matriz.

### EXEMPLO

```
A = [ 1 2 3 ; 4 5 6 ; 7 8 9 ] ;  
B = A '
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
B =  
    1    4    7  
    2    5    8  
    3    6    9
```

## ADIÇÃO / SUBTRAÇÃO

### EXEMPLO

```
A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];  
B=A';  
C=A+B
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
C=  
    2     6    10  
    6    10    14  
   10    14    18
```

```
A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];  
B=A';  
C=B-A
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
C=  
    0     2     4  
   -2     0     2  
   -4    -2     0
```

## MULTIPLICAÇÃO

### EXEMPLO

```
X=[-1 0 2];
```

```
Y=
```

$$\begin{bmatrix} -2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

```
X*Y
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
ans=
```

```
    4
```

A multiplicação é possível quando a 2.<sup>a</sup> dimensão do 1.<sup>o</sup> operando é igual a 1.<sup>a</sup> dimensão do 2.<sup>o</sup> operando. Quando isso não ocorrer o PC-MATLAB acusa um erro de dimensão.

## DIVISÃO

### EXEMPLO

```
A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];  
B=A';  
X=A\B
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
X=  
   -0.2334   -0.3333   -1.1344  
    0.4667   -2.3333   -3.7311  
    0.1000    3.0000    5.1989
```

## 13. OPERAÇÃO COM CONJUNTOS

```
.+ ADIÇÃO  
.- SUBTRAÇÃO  
.* MULTIPLICAÇÃO  
./ DIVISÃO À DIREITA  
.\ DIVISÃO À ESQUERDA  
.^ EXPONENCIAÇÃO  
' TRANSPOSTA
```

## ADIÇÃO

### EXEMPLO

```
x=[1 2 3];  
y=[4 5 6];  
z=x.+y
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
z=  
    5    7    9
```

## SUBTRAÇÃO

### EXEMPLO

```
x=[1 2 3];  
y=[4 5 6];  
z=x.-y
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
z=  
    -3    -3    -3
```

## MULTIPLICAÇÃO

### EXEMPLO

```
x=[1 2 3];  
y=[4 5 6];  
z=x.*y
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
z=  
     4    10    18
```

## EXPONENCIAÇÃO

### EXEMPLO

```
x=[1 2 3];  
y=[4 5 6];  
z=x.^y
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
z=  
     1    32   729
```

```
x=[1 2 3];  
z=x.^2
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
z=  
     1     4     9
```

## 14. NÚMEROS COMPLEXOS

A unidade imaginária  $i$  é definida formalmente como o número que elevado ao quadrado resulta  $-1$ .

A introdução da unidade imaginária conduz à generalização do conceito de número, aos números complexos, que desempenham um papel muito importante na álgebra e na análise e admitem algumas interpretações concretas em alguns problemas da geometria e da física.

Para se trabalhar com números complexos no PC-MATLAB, há necessidade de se gerar a unidade imaginária da seguinte forma:

```
i = sqrt (-1)
```

Uma vez definida a unidade imaginária é só usá-la.

### EXEMPLOS

```
i= sqrt(-1) ;  
Z= 3 + 4*i
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
Z= 3.000 + 4.000i
```

```
i= sqrt(-1) ;  
A= [1 2; 3 4] + i*[5 6; 7 8]
```

Resulta como saída pelo PC-MATLAB:

```
A=  
1.000 + 5.000i    2.000 + 6.000i  
3.000 + 7.000i    4.000 + 8.000i
```

## 15. OPERAÇÃO RELACIONAL E LÓGICA

Os operadores relacionais são:

<	menor que
<=	menor ou igual
>	maior que
>=	maior ou igual
==	igual
~=	diferente

#### EXEMPLO

2+2 ~= 4
Resulta pelo PC-MATLAB:
ans= 0
2+2 == 4
Resulta pelo PC-MATLAB:
ans= 1

Os operadores lógicos são:

&	AND
:	OR
~	NOT

## 16. ROTINAS ESPECIAIS PARA PROGRAMAÇÃO

#### OBSERVAÇÃO

Todas as funções/comandos embutidos do PC-MATLAB devem ser escritos em letras minúsculas.

ROTINAS	DESCRIÇÃO
if <cond> elseif end	Comando executável condicional
if <cond> else end	Comando executável condicional



<code>for</code> <code>end</code>	Gerar um loop enumerável
<code>while &lt;cond&gt;</code> <code>end</code>	Gerar um loop enquanto uma condição for verdadeira
<code>break</code>	Sair para fora de um loop <code>for-end</code> ou <code>while-end</code>
<code>return</code>	Retornar de uma função (arquivo .M)
<code>pause</code>	Parada até se apertar qualquer tecla do teclado

#### EXEMPLO

```

m=3;
n=3;
for i=1:m
    for j=1:n
        A(i,j)=1/(i+j-1);
    end
end
A

```

Tem-se como resposta do PC-MATLAB:

```

A=
    1.0000    0.5000    0.3333
    0.5000    0.3333    0.2500
    0.3333    0.2500    0.2000

```

```

n=1;
while prod(1:n) < 1.e100
    n=n+1 ;
end
n

```

Tem-se como resposta do PC-MATLAB:

```

n=
    70

```

```

n=11;
if n < 0
    A=abs(n)
elseif round(n/2) == 0
    A=2*n
else
    A=3*n
end
A

```

Tem-se como resposta do PC-MATLAB:

A= 33

## 17. FUNÇÕES MATEMÁTICAS ELEMENTARES

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
<b>abs</b>	Retorna o valor absoluto ou a magnitude de um número complexo
<b>angle</b>	Angulo do número complexo, que é seu argumento
<b>sqrt</b>	Raíz quadrada
<b>real</b>	Parte real de um número complexo
<b>imag</b>	Parte imaginária de um número complexo
<b>conj</b>	Conjugado de uma matriz complexa
<b>round</b>	Arredondamento de um número para o inteiro mais próximo
<b>fix</b>	Arredondamento de um número para o inteiro mais próximo até zero
<b>floor</b>	Arredondamento de um número para o inteiro mais próximo até infinito negativo
<b>ceil</b>	Arredondamento de um número para o inteiro mais próximo até infinito positivo
<b>sign</b>	Retorna para cada elemento da matriz, 1 quando o elemento > 0; 0 elemento = 0 e -1 elemento < 0

rem	Resto de uma divisão
sin	Seno
cos	Cosseno
tan	Tangente
asin	Arco-seno
acos	Arco-cosseno
atan	Arco-tangente
atan2	Arco-tangente para o quarto quadrante
sinh	Seno hiperbólico
cosh	Cosseno hiperbólico
tanh	Tangente hiperbólica
exp	Exponencial com base e
log	Logaritmo natural
log10	Logaritmo decimal
bessel	Função de Bessel
gamma	Função Gama
rat	Aproximação racional

## 18. TRAÇANDO GRÁFICOS

### FORMA BÁSICA

Dado um vetor Y, plot (Y) produz um gráfico linear dos elementos de Y contra o índice dos elementos de Y.

### EXEMPLO

```
Y = [0 .5 .8 .1 .7 .2] ;
plot (Y)
```

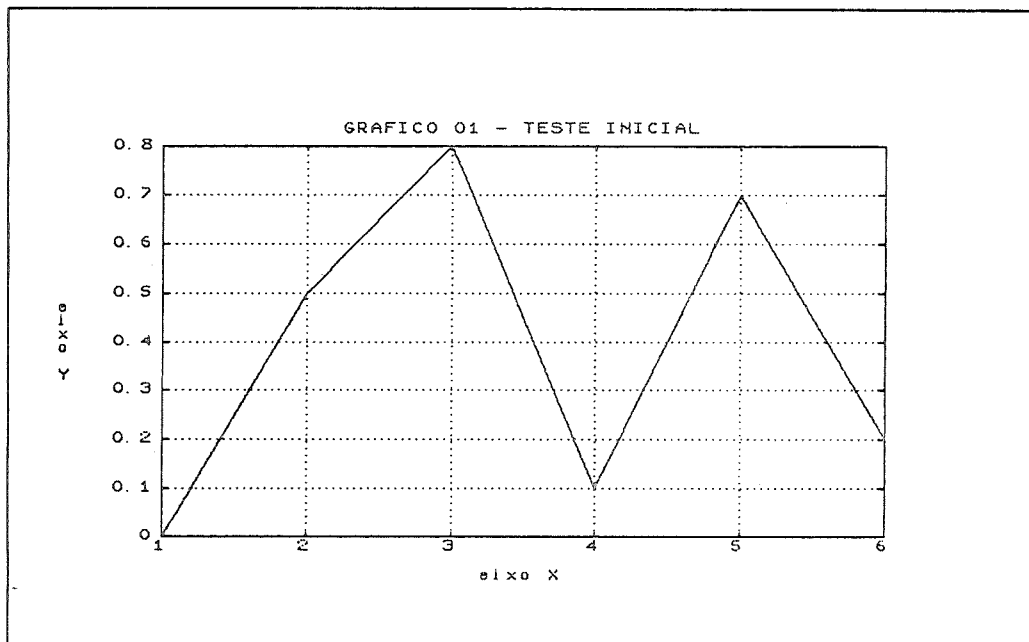
O gráfico será desenhado em uma tela gráfica.

A escala é feita automaticamente e o eixo X e Y também.

Pode-se melhorar a saída do gráfico dando títulos e nomes às ordenadas.

```
title ('Gráfico 01 - Teste Inicial')
xlabel('eixo X')
ylabel('eixo Y')
grid
```

A tela final do gráfico gerado é:



Quando for necessária a impressão do gráfico, digitar o seguinte comando:

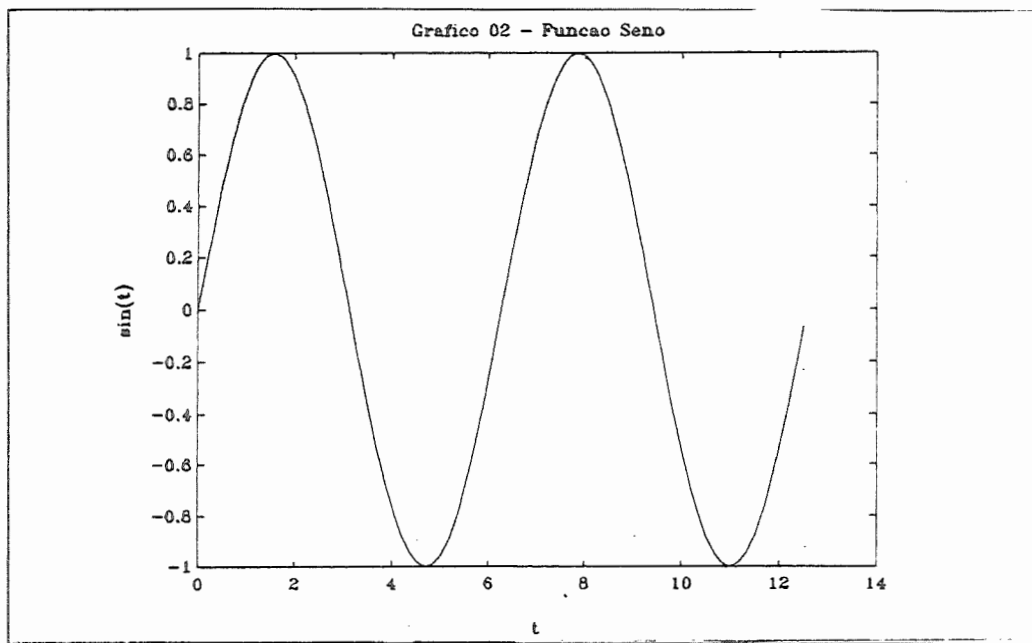
```
print
```

Dado 2 vetores X e Y, pode-se traçar os elementos de X contra os elementos de Y, dando o comando `plot (X,Y)`.

#### EXEMPLO

```
t = 0: .1: 4*pi ;
Y = sin(t) ;
plot (t,Y)
title('Gráfico 02 - Função Seno')
xlabel('t')
ylabel('sin(t)')
print
```

A impressão do gráfico é:



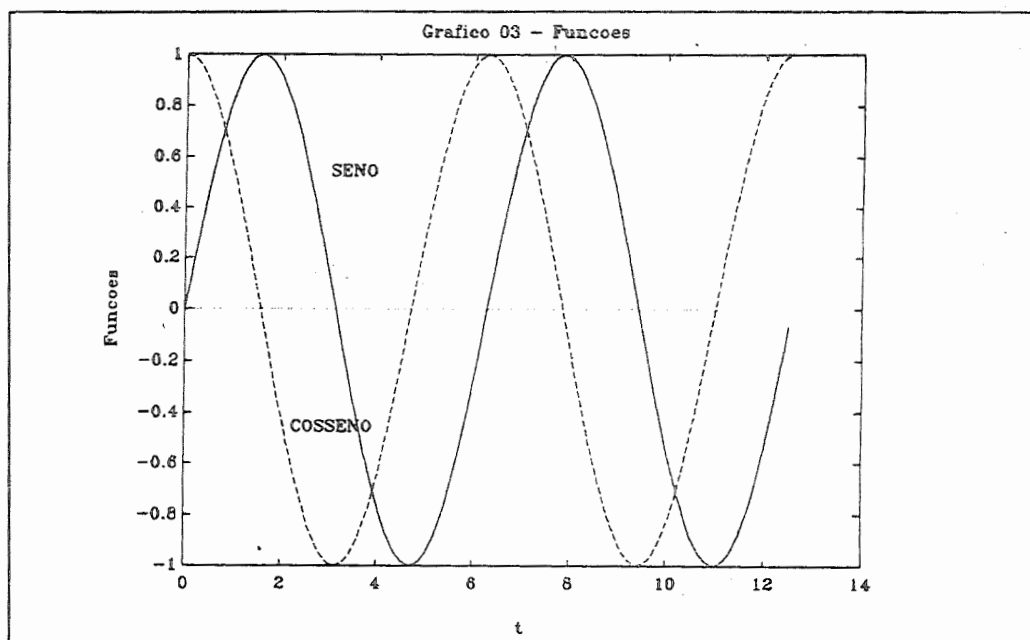
#### MÚLTIPLAS LINHAS

Pode-se traçar várias linhas num mesmo gráfico, bastando ter os vetores para isso.

```
plot (X1, Y1, X2, Y2, ..., Xn, Yn)
```

#### EXEMPLO

```
t = 0: .1: 4*pi ;  
Y = sin(t) ;  
Z= cos(t);  
W= 0*t;  
plot(t,Y,t,Z,t,W)  
xlabel('t')  
ylabel('Funções')  
title('Gráfico 03 - Funções ')  
text(3,0.,5,'SENO')  
text(2.2,-0.5,'COSSENO')
```



Pode-se alterar o tipo de linhas, o tipo de ponto e a cor do gráfico.

TIPO DE LINHA	TIPO DE PONTO	CORES
sólida ———	ponto .	vermelha r
tracejada ————	mais +	cinza g
pontos .....	asterisco *	azul b
traço-ponto -.-.-	círculo ●	branca w
	marca X x	invisível i

#### EXEMPLO

```
plot (X,Y,'+g') ;
```

Desenhar um gráfico XY cinza e com marca de ponto +.

#### DIFERENTES SISTEMAS DE COORDENADAS

**plot** Traçar gráfico linear XY

loglog	Traçar gráfico com escala $\log_{10} \times \log_{10}$
semilogx	Traçar gráfico com eixo X linear e eixo Y $\log_{10}$
semilogy	Traçar gráfico com eixo X $\log_{10}$ e eixo Y linear
polar	Traçar gráfico usando coordenadas polares

### GRÁFICO DE SUPERFÍCIE

mesh (Z) cria uma perspectiva em 3 dimensões e plota os elementos da matriz Z.

Um gráfico de superfície é definido pelos pontos de coordenadas Z sobre um "grid" retangular no plano XY.

Gráficos de superfícies são usados para visualizar matrizes muito grandes que não são fáceis de imprimí-las na forma numérica.

## 19. IMPRIMINDO GRÁFICOS

Após gerar um gráfico na tela gráfica, pode-se imprimir esse gráfico em impressora (comum, laser, ...) ou até mesmo em ploter.

Há algumas formas de imprimí-los:

- . meta nome\_arquivo
- . print
- . prtsc

### META NOME-ARQUIVO

É gerado um arquivo com o gráfico em alta resolução, para posterior processamento, com o nome especificado e extensão .MET .

Após ser criado o arquivo NOME.MET é necessário utilizar o utilitário GPP (no ambiente do DOS), a fim de fazer a adaptação do arquivo com o dispositivo de saída existente (ploter, impressora matricial, impressora laser, ...).

GPP FILENAME /Ddispositivo de saída [/F /P /OP /OL /CS /CC]

onde

/F {é um argumento opcional, que pode ser usado para selecionar um novo nome, ou nova orientação na criação do arquivo (.EPS, por exemplo) pelo GPP.

/P {é um argumento opcional que causa uma pausa quando há vários gráficos no arquivo.

/OP {são argumentos opcionais que selecionam a orientação com que o arquivo será impresso: horizontal ("portrait") ou vertical ("landscape"). A orientação horizontal que é a de melhor resolução é a default.

/CS {são argumentos que selecionam a qualidade do caracter texto utilizado:  
/CC {CS-conjunto de caracteres de qualidade simples-linha única  
CC-conjunto de caracteres de qualidade complexas-multi linhas

DISPOSITIVOS DE SAÍDA		EXTENSÃO GERADA
epsd	EPSON - qualidade rascunho	eps
epsf	EPSON - qualidade final	eps
jet	HP LASER JET PLUS (300 dpi)	jet
jet150	HP LASER JET PLUS (150 dpi)	jet
hpgl	Plotter compatível com HP	hpg

OBS: Após gerado o arquivo NOME\_ARQUIVO.MET e utilizar o utilitário GPP (utilitário este que se encontra no subdiretório do MATLAB) , tem-se um arquivo pronto para imprimir, em qualquer dispositivo de saída escolhido.  
No ambiente do sistema operacional pode-se dar os comandos:

```
PRINT NOME_ARQUIVO.EXT  
COPY NOME_ARQUIVO.EXT PRN  
TYPE NOME_ARQUIVO.EXT>PRN
```

Pode-se também importar esses gráficos gerados após a utilização do utilitário GPP, por qualquer editor de texto: word, wordperfect, chiwriter,...

#### EXEMPLO



Cria-se o seguinte exemplo dentro do PC-MATLAB

```
t=0:.1:4*pi ;  
y=sin(t) ;  
plot(y)  
meta EXEMPLO  
quit
```

Passou a existir o arquivo EXEMPLO.MET.

Após sair do MATLAB, já no ambiente do DOS, chamar o utilitário GPP, para uma impressora do padrão EPSON - rascunho :

GPP EXEMPLO /DEPSD

Passou a existir o arquivo EXEMPLO.EPS.

Com esse arquivo qualquer comando de impressão do DOS pode-se imprimir o gráfico gerado anteriormente, como os comandos a seguir:

PRINT EXEMPLO.EPS

ou

COPY EXEMPLO.EPS PRN

ou

TYPE EXEMPLO.EPS >PRN

#### **PRINT**

Envia uma cópia em alta resolução do último plot feito na tela gráfica. Há problema de limitação de memória, sendo que pode-se não conseguir memória suficiente para impressão de um gráfico muito complexo.

#### **PRTSC**

Inicia uma cópia da tela gráfica. É semelhante a apertar as teclas <SHIFT> + <PRT SC>, quando o gráfico desejado estiver na tela gráfica.

OBS: Para teclar <SHIFT> <PRT-SC> na tela gráfica é necessário dar antes o comando do DOS GRAPHICS.

## 20. FUNÇÕES DE TELA

COMANDOS	DESCRIÇÃO
<code>format</code>	Alterar o formato dos dados na tela ( <code>short, long</code> )
<code>disp</code>	Mostrar a matriz ou texto
<code>fprintf</code>	Imprimir um número formatado
<code>clc</code>	Limpar a tela de comando
<code>home</code>	Mover o cursor para o topo da tela
<code>echo</code>	Ativar/desativar as exibições de linhas individuais durante a execução de um arquivo <code>.M</code> .

## 21. FUNÇÕES PARA JANELA GRÁFICA

COMANDOS	DESCRIÇÃO
<code>plot</code>	Traçar gráfico linear XY
<code>loglog</code>	Traçar gráfico com escala $\log_{10} \times \log_{10}$
<code>semilogx</code>	Traçar gráfico com eixo X linear e eixo Y $\log_{10}$
<code>semilogy</code>	Traçar gráfico com eixo X $\log_{10}$ e eixo Y linear
<code>polar</code>	Traçar gráfico usando coordenadas polares
<code>mesh</code>	Traçar gráfico de superfícies
<code>bar</code>	Desenhar barras
<code>grid</code>	Criar o grid do gráfico
<code>title</code>	Título do gráfico
<code>xlabel</code>	Título do eixo X
<code>ylabel</code>	Título do eixo Y
<code>text</code>	Nomes dos pontos de dados de um gráfico

axis	Criar uma escala manual dos eixos
hold	Parar a plotagem em uma tela
shg	Mostrar a janela gráfica
clg	Limpar a janela gráfica
subplot	Dividir a janela gráfica em várias sub-janelas
print	Enviar gráfico para impressora
prtsc	Enviar tela gráfica para impressora =SHIFT PRTSC
meta	Gerar uma arquivo com o gráfico criado (.MET)

## 22. FUNÇÕES PARA TRATAMENTO DE ARQUIVOS

COMANDOS	DESCRIÇÃO
chdir	Mudar o diretório corrente
delete	Deletar um arquivo
diary	Salvar a seção de trabalho em arquivo de disco
dir	Mostrar o diretório
load	Carregar variáveis do disco
save	Salvar variáveis no disco
translate	Mudar o tipo de dado (MATLAB,binário,ASCII,DIF)
type	Listar o conteúdo de um arquivo ou função
what	Mostra os nomes dos arquivos .M do disco

## 23. FUNÇÕES LÓGICAS E RELACIONAIS

FUNÇÕES	DESCRIÇÃO
any	Condição lógica

<code>all</code>	Condição lógica
<code>find</code>	Encontrar índices de elementos $\neq 0$ em um vetor
<code>isnan</code>	Detectar NaNs
<code>finite</code>	Retornar 1 quando os elementos do vetor são finitos e 0 quando são infinitos
<code>isempty</code>	Retornar 1 se a matriz é vazia, 0 caso contrário

## 24. UTILITÁRIOS PARA MATRIZES

FUNÇÕES	DESCRIÇÃO
<code>diag</code>	Matriz diagonal
<code>eye</code>	Matriz identidade
<code>ones</code>	Matriz de constantes
<code>zeros</code>	Matriz de zeros
<code>rand</code>	Matriz randômica
<code>logspace</code>	Gerar logaritmicamente um vetor
<code>magic</code>	A somatória de todas as linhas/colunas é igual
<code>tril</code>	Parte inferior de uma matriz triangular
<code>triu</code>	Parte superior de uma matriz triangular
<code>toeplitz</code>	Matriz Toeplitz
<code>rsf2csf</code>	Converter matriz real Schur para complexa
<code>cond</code>	Número condicional de uma matriz
<code>det</code>	Determinante de uma matriz
<code>norm</code>	Norma de uma matriz
<code>rank</code>	Ordem de uma matriz
<code>rcond</code>	Número condicional de uma matriz

## 25. FUNÇÕES DE DECOMPOSIÇÃO E FATORIZAÇÃO

FUNÇÕES	DESCRIÇÃO
chol	Fatorização de Cholesky
eig	Autovalor e autovetor
hess	Forma de Hessenberg
inv	Inversa de uma matriz
lu	Fatores da eliminação de Gauss
null	Espaço nulo
orth	Ortogonalização de uma matriz
pinv	Pseudo inversão de uma matriz
qr	Decomposição ortogonal-triangular
qz	Algoritmo QZ
rref	Redução escalar de linha usando eliminação Gauss-Jordan com pivotamento parcial
schur	Decomposição de Schur
svd	Decomposição de valor singular

## 26. FUNÇÕES POLINOMIAIS

FUNÇÕES	DESCRIÇÃO
poly	Características polinomiais
roots	Raízes
polyval	Avaliação polinomial
polyvalm	Avaliação da matriz polinomial
conv	Multiplificação entre dois polinômios
deconv	Divisão entre dois polinômios

residue	Expansão em frações parciais
polyfit	Aproximação de uma curva por um polinômio

## 27. FUNÇÕES PARA ANÁLISE DE DADOS

FUNÇÕES	DESCRIÇÃO
max	Valor máximo
min	Valor mínimo
mean	Média
std	Desvio padrão
median	Mediana
sort	Ordenar
sum	Soma dos elementos
prod	Produto dos elementos
cumsum	Soma acumulada dos elementos
cumprod	Produto acumulado dos elementos
diff	Derivada aproximada
hist	Histograma
table1	Retornar uma linha linearmente interpolada - TAB
corr	Matriz de correlação
cov	Matriz de covariância
spline	Interpolação cúbica Spline

## 28. FUNÇÕES PARA PROCESSAMENTO DE SINAIS

FUNÇÕES	DESCRIÇÃO
abs	Magnitude - valor absoluto
conv	Convolução
conv2	Convolução 2D
cov	Covariância
deconv	Deconvolução
dft	Transformada discreta de Fourier
fft	Raiz quadrada da transformada rápida de Fourier
fft2	Transformada discreta de Fourier 2D
idft	Transformada inversa
ifft	Inversa da transformada discreta de Fourier
ifft2	Inversa da transformada discreta de Fourier 2D
fftshift	Rearranjos das saídas FFT p/ centro do espectro
filter	Implementação direta de filtro
freqz	Tempo de resposta - frequência digital
freqs	Tempo de resposta - frequência analítica
xcorr	Função correlação Cross
xcorr2	Função correlação Cross 2D

### EXEMPLOS

```
A=[1 2 3;7 8 9;5 3 2];
det(A)

ans =
    -6

rank(A)

ans =
     3
```

```

cond(A)
ans =
    111.9999

inv(A)
ans =
    1.8333   -0.8333    1.0000
   -5.1667    2.1667   -2.0000
    3.1667   -1.1667    1.0000

eig(A)
ans =
    13.2328
    -2.4202
     0.1873

p=poly(A)
p=
    1.0000   -11.0000   -30.0000    6.0000

roots(p)
ans =
    13.2328
    -2.4202
     0.1873

```

## 29. FACILIDADE DO HELP

O HELP dentro do MATLAB é muito útil. Pode-se ter HELP geral ou HELP de uma função específica.

### EXEMPLO

#### HELP

intro	<	chol	end	global	macro	qz	sprintf
help	>	clc	eps	grid	magic	rand	sqrt
demo	=	clear	error	hess	max	rat	startup
[	&	clg	eval	hold	memory	rcond	string
]		clock	exist	home	mesh	real	subplot
(	~	conj	exit	ident	meta	relop	sum
)	abs	contour	exp	if	min	rem	svd
.	all	cos	expm	imag	nan	return	tan
,	ans	cumprod	eye	inf	nargin	round	text
;	any	cumsum	fft	input	norm	save	title



%	acos	delete	filter	inv	ones	schur	type
!	asin	det	find	isnan	pack	script	what
:	atan	diag	finite	keyboard	pause	semilogx	while
,	atan2	diary	fix	load	pi	semilogy	who
+	axis	dir	floor	log	plot	setstr	xlabel
-	balance	disp	flops	loglog	polar	shg	ylabel
*	break	echo	for	logop	prod	sign	zeros
\	casesen	eig	format	ltifr	prtsc	sin	
/	ceil	else	fprintf	ltitr	qr	size	
^	chdir	elseif	function	lu	quit	sort	

Para qualquer das funções existentes é possível pedir uma descrição dela. Por exemplo, informações sobre a função sort:

HELP sort

**SORT(X)** ordena cada coluna de X na ordem ascendente.  
**[Y,I] = SORT (X)** também retorna matriz I contendo os índices usados na ordenação. Se X é um vetor,  $Y = X(I)$ . Quando X é matriz complexa, os elementos são ordenados pelo  $ABS(X)$ .

## 30. TUTORIAL

Existe um exemplo chamado DEMO que é uma introdução ao MATLAB, dividido em todos os itens principais do MATLAB.

Os comandos básicos e principais são descritos na forma de exemplos.

## 31. SISTEMA DE CONTROLE TOOLBOX

MATLAB trabalha somente com uma forma de objeto que é uma matriz numérica retangular com possibilidade de elementos complexos.

O SISTEMA DE CONTROLE TOOLBOX pode se usado com modelos de sistema lineares e invariantes no tempo (LTI) .

Alguns tipos de modelos de sistema LTI são:

- . Espaço de Estado
- . Ganho de Polos e Zeros
- . Função Transferência
- . Frações Parciais
- . Tempo contínuo
- . Tempo discreto

## ESPAÇO DE ESTADO

Um sistema de equações diferenciais LTI pode também ser representado como um conjunto de equações diferenciais de 1.<sup>a</sup> ordem.

As equações podem ser escritas:

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx + Du$$

onde

u - vetor de nu entradas de controle

x - vetor de ns elementos de estado

y - vetor de ny saídas

Sistema de Espaço de Estado são facilmente representados no MATLAB:

A,B,C e D são matrizes e recebem tratamento individual.

## EXEMPLO

Um sistema de 2.<sup>a</sup> ordem cosistindo de um par de polos com:

frequência natural  $W_n = 1.5$

fator de amortecimento  $\xi = 0.2$

Para entrar este sistema na forma de Espaço de Estado digitar:

```
Wn=1.5;
z=0.2;
a=[ 0      1
    -Wn^2  -2*z*Wn ];
b=[ 0
    -Wn^2 ];
c=[1 0 ];
d=0;
```

A representação de Espaço de Estado é o modelo mais natural em MATLAB.

Para sistemas MIMO (multi-input-multi-output) a representação Espaço de Estado é uma forma muito conveniente para trabalhar.

## FUNÇÃO TRANSFERÊNCIA

Uma representação equivalente a Espaço de Estado é a Função de Transferência pela Transformada de LAPLACE, descrita:

$$Y(s) = H(s) U(s)$$

$$H(s) = C(sI-A)^{-1}B + D$$

onde

$H(s)$  requer matriz tri-dimensional na maioria dos casos

As dimensões de  $H(s)$  são  $n_y$  linhas, por  $n_u$  colunas por  $n_s+1$  de profundidade, onde  $n_s+1$  é o número de coeficientes polinomiais.

Devido as variáveis no MATLAB serem de 2 dimensões nós limitamos a representação desse sistema em SIMO, com uma entrada única de  $u$ :

$$H(s) = \frac{N(s)}{q(s)} = \frac{N(1)s^{nn-1} + N(2)s^{nn-2} + \dots + N(nn)}{q(1)s^{nq-1} + q(2)s^{nq-2} + \dots + q(nq)}$$

onde:

$q$  - vetor linha usado para conter os coeficientes do denominador em potência decrescente de  $s$ .

$N$  - matriz que contém os coeficientes do numerador com tantas linhas quantas forem as saídas do vetor  $y$ .

## EXEMPLO

Considerando o sistema SIMO:

$$H(s) = \frac{\begin{bmatrix} 3s + 2 \\ s^3 + 2s + 5 \end{bmatrix}}{3s^3 + 5s^2 + 2s + 1}$$

Tem-se como entrada para o MATLAB:

```
num=[ 0 0 3 2
      1 0 2 5 ];
den=[ 3 5 2 1 ];
```

## GANHO DE POLOS E ZEROS

Uma Função de Transferência pode ser expressa em fatores ou na forma de Ganho de Polos e Zeros, a qual para um sistema SIMO em MATLAB é:

$$H(s) = \frac{Z(s)}{p(s)} = k \frac{(s+Z(1)) (s+Z(2)) \dots (s+Z(3))}{(s+p(1)) (s+p(2)) \dots (s+p(3))}$$

de uma única entrada.

No MATLAB existe uma convenção que raízes polinomiais são armazenadas em vetores colunas, cujo vetor linha contém os coeficientes polinomiais.

Portanto numa forma fatorada, o vetor coluna  $p$  contém a localização do polo do denominador da função de transferência.

Os zeros do numerador são armazenados na coluna de uma matriz  $Z$  com tantas colunas quantas forem as do vetor saída  $y$ .

Os ganhos para cada numerador da função de transferência estão no vetor coluna  $K$ . Para sistema SISO,  $K$  é um escalar.

As funções `poly` e `root` convertem-se entre si.

#### EXEMPLO

```
p= [1 3 5 2];
r=roots(p)

Tem-se como resposta pelo MATLAB:

r=
    -1.2267    +1.4677i
    -1.2267    -1.4677i
    -0.5466

pp=poly(r)

Tem-se como resposta pelo MATLAB:

pp=
    1.0000    3.0000    5.0000    2.0000
```

Para um sistema SIMO, tem-se:

$$H(s) = \frac{Z(s)}{p(s)} = \frac{\begin{bmatrix} 3(s+12) \\ 4(s+1)(s+2) \end{bmatrix}}{(s+3)(s+4)(s+5)}$$

A entrada pelo MATLAB é:

```
k=[ 3; 4 ];
Z=[ -12  -1
    inf  -2];
p=[ -3
    -4
    -5];
```

## FRAÇÕES PARCIAIS

Uma Função de Transferência pode também ser expressa como uma Fração Parcial numa forma expandida ou reduzida, a qual para um sistema SISO é:

$$H(s) = \frac{r(1)}{s-p(1)} + \frac{r(2)}{s-p(2)} + \dots + \frac{r(n)}{s-p(n)} + k(s)$$

onde:

p - vetor coluna que contém os polos

r - vetor coluna que contém os resíduos correspondentes aos ganhos em p

k - vetor linha que contém uma parte imprópria da Função de Transferência

Função de Transferência são convertidas para/da Fração Parcial expandindo a forma, usando a função residue.

## TEMPO DISCRETO

Sistemas invariantes no tempo (LTI) são representados no MATLAB da mesma forma que os Sistemas de Tempo Contínuo:

- . Espaço de Estado
- . Ganho de Polos e Zeros
- . Forma de residue

Um sistema de equações diferenciais LTI pode também ser representado como um conjunto de equações de 1.<sup>a</sup> ordem.

Na forma de matriz ou de Espaço de Estado, as equações podem ser escritas:

$$x[n+1] = Ax[n] + Bu[n]$$

$$y[n] = Cx[n] + Du[n]$$

onde:

u - vetor de entradas de controle

x - vetor de estado

y - vetor de saída

Uma representação equivalente é a Função de Transferência transformada-Z, descrita abaixo:

$$Y(z) = H(z) U(z)$$

$$H(z) = C(zI - A)^{-1} B + D$$

ou na forma SIMO, para uma entrada única de u:

$$H(z) = \frac{N(z)}{q(z)} = \frac{N(1) + N(2)z^{-1} + \dots + N(nn)z^{-(nn-1)}}{q(1) + q(2)z^{-1} + \dots + q(nq)z^{-(nq-1)}}$$

onde:

$q$  - vetor que contém os coeficientes do denominador em potência decrescente de  $1/z$

$N$  - matriz que contém os coeficientes do numerador com tantas linhas quantas forem as saídas  $y$

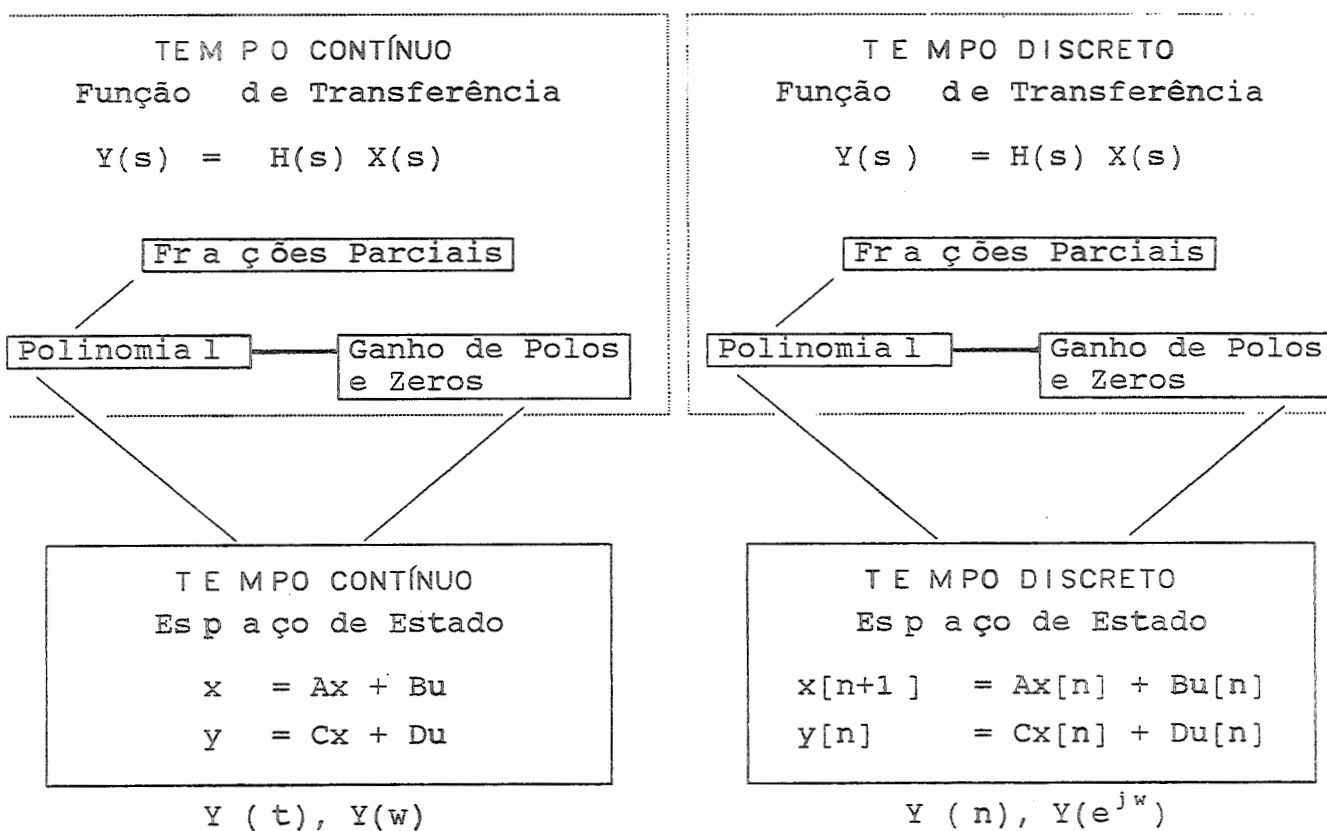
Se o sistema é multi-saídas e alguns dos numeradores são de ordem menor que os seguintes, coloca-se zero no numerador ausente.

A forma fatorada de Ganho de Polos e Zeros é:

$$H(z) = \frac{Z(z)}{p(z)} = k \frac{(z^{-1} + Z(1))(z^{-1} + Z(2)) \dots (z^{-1} + Z(n))}{(z^{-1} + p(1))(z^{-1} + p(2)) \dots (z^{-1} + p(n))}$$

### CONVERSÃO DE SISTEMAS

#### REPRESENTAÇÃO DE SISTEMAS



### 31.1 FUNÇÕES PARA CONSTRUÇÃO DE MODELOS

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
append	Criar um sistema dinâmico
connect	Interconecção de sistema
parallel	Conecção a um sistema paralelo
series	Conecção a um sistema de séries
ord2	Gerar A,B,C,D para um sistema de 2. <sup>a</sup> ordem

### 31.2 FUNÇÕES PARA CONVERSÃO DE MODELOS

Um conjunto de funções segundo modelo LTI podem ser convertidas em várias representações:

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
ss2tf	Espaço de Estado para Função de Transferência
ss2zp	Espaço de Estado para Polo Zero
tf2ss	Função de Transferência para Espaço de Estado
tf2zp	Função de Transferência para Polo Zero
zp2tf	Polo Zero para Espaço de Estado
zp2ss	Polo Zero para Função de Transferência
residue	Função de transferência para residuo
c2d	Contínuo para discreto
d2c	Discreto para contínuo

As várias representações podem ser obtidas:

$[num, den] = ss2tf(a, b, c, d, iu)$	$[z, p, k] = tf2zp(num, den)$
$[z, p, k] = sstzp(a, b, c, d, iu)$	$[a, b, c, d] = zp2ss(z, p, k)$
$[a, b, c, d] = tf2ss(num, den)$	$[num, den] = zp2tf(z, p, k)$

`[r,p,k] = residue(num,den)`

`[ad,bd] = c2d(a,b,Ts)`

`[num,den] = residue(r,p,k)`

`[a,b] = d2c(ad,bd,Ts)`

### 31.3 FUNÇÕES PARA REALIZAÇÃO DE MODELOS

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
<code>ctrbf</code>	Controlabilidade na forma de escada
<code>obsvf</code>	Observabilidade na forma de escada
<code>minreal</code>	Realização mínima e cancelamento Polo Zero
<code>balreal</code>	Realização balanceada
<code>modreal</code>	Redução da ordem de um modelo
<code>dbalreal</code>	Realização balanceada discreta
<code>dmodreal</code>	Redução da ordem de um modelo discreto

### 31.4 PROPRIEDADES DE UM MODELO

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
<code>damp</code>	Fator de amortecimento e frequência natural
<code>gram</code>	Controlabilidade e observabilidade de "Gramians"
<code>dgram</code>	Controlabilidade e observabilidade discreta de "Gramians"
<code>ctrb</code>	Matriz de controlabilidade
<code>obsv</code>	Matriz de observabilidade
<code>tzero</code>	Zero de transmissão



### 31.5 FUNÇÕES PARA RESPOSTA NO TEMPO

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
impulse	Resposta a função impulso
step	Resposta a função degrau
lsim	Simulação contínua a entradas arbitrárias
dimpulse	Resposta a amostra unitária no intervalo tempo
dstep	Resposta ao degrau no intervalo de tempo
dlsim	Simulação discreta a entradas arbitrárias
filter	SISO - simulação por transformada Z

### 31.6 FUNÇÕES PARA RESPOSTA DE FREQUÊNCIA

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
bode	Diagrama Bode
nyquist	Diagrama Nyquist
dbode	Diagrama discreto Bode
freqz	Resposta de frequência por transformada Z
freqs	Resposta de frequência por transformada Laplace

### 31.7 FUNÇÕES PARA SELEÇÃO DE GANHO

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
lqr	Projeto de um regulador linear-quadrático
lqe	Projeto de um processador linear-quadrático
dlqr	Projeto de um regulador linear-quadrático discreto

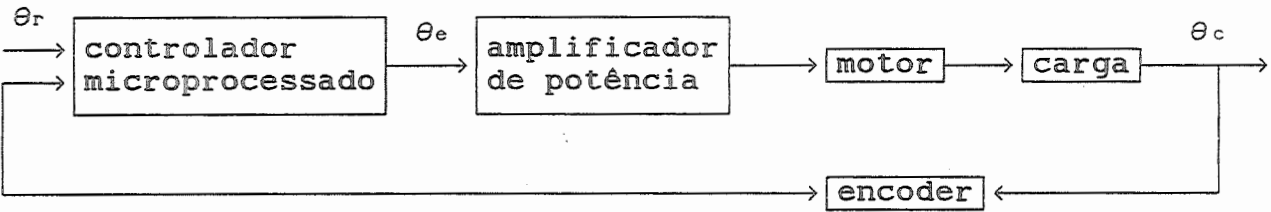
dlqe	Projeto de um processador linear-quadrático discreto
margin	Margem de ganho e margem de fase
place	Definição de polos
rlocus	Lugar geométrico das raízes

31.8 UTILITÁRIOS

FUNÇÃO	DESCRIÇÃO
lyap	Equação Lyapunov
dlyap	Equação discreta Lyapunov
fixphase	Desempacotar a fase para plotagem BODE
abcdcheck	Verificação de consistência de um conjunto (A,B,C,D)
nargcheck	Verificação de números dos arquivos do tipo .M

31.9 EXEMPLO COMPLETO

Considere o seguinte sistema de controle de posição de uma impressora:



A função de transferência malha fechada, é dada por:

$$\frac{\theta_c(s)}{\theta_r(s)} = \frac{K_s \cdot K \cdot K_i}{R_a \cdot B \cdot s (1 + \tau_a \cdot s) (1 + \tau \cdot s) + K_b \cdot K_i \cdot s + K_s \cdot K \cdot K_i}$$

A função de transferência malha aberta, é dada por:

$$G(s) = \frac{\theta_c(s)}{\theta_e(s)} = \frac{K_s \cdot K \cdot K_i}{R_a \cdot B \cdot s (1 + \tau_a \cdot s) (1 + \tau \cdot s) + K_b \cdot K_i \cdot s}$$

onde:

$$\tau_a = L_a / R_a \approx 0$$

$$\tau = J / B = 0.025 \text{ seg}$$

$$B = 0.06 \text{ oz-in-seg}$$

$$K_s = 1 \text{ v/rad}$$

$$R_a = 5 \text{ ohms}$$

$$K_i = 3 \text{ oz-in/A}$$

$$K_b = 0.02126 \text{ v/rad/seg}$$

Pede-se:

- Simular a resposta do sistema ao degrau unitário e rampa unitária para  $K = 1, 2.94$  e  $100$ . Traçar o lugar das raízes.
- Traçar o diagrama de BODE
- Traçar o diagrama de Nyquist
- Adicionar um compensador PID e refazer os itens a,b,c. A função de transferência malha aberta é:

$$G(s) = \frac{400 (s^2 \cdot K_d + s \cdot K_p + K_i)}{s^2 (s + 48.5)}$$

onde:

$$K_d = 1.0$$

$$K_p = 100.0$$

$$K_i = 5.0$$

### Resolução do problema

- Após as substituições tem-se as seguintes funções de transferências :

$$\frac{\theta_c(s)}{\theta_r(s)} = \frac{400 * K}{s^2 + 48.5 s + 400 * K} \quad (\text{malha fechada})$$

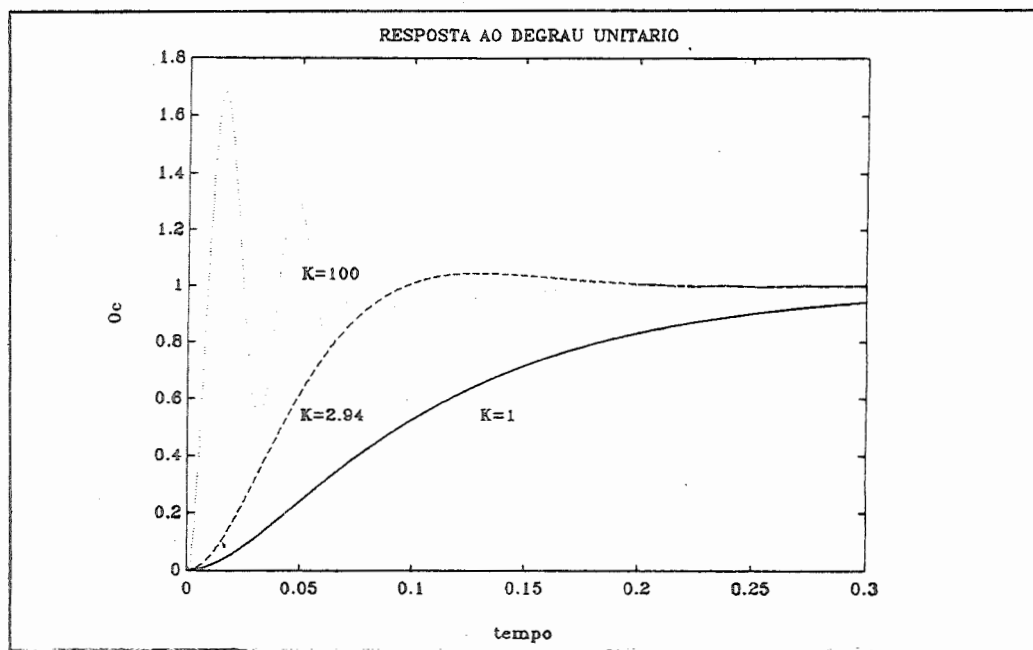
$$G(s) = \frac{\theta_c(s)}{\theta_e(s)} = \frac{400 * K}{s^2 + 48.5 s} \quad (\text{malha aberta})$$

### a1) RESPOSTA AO DEGRAU UNITÁRIO

Para um intervalo de tempo (0,0.3) entrar com os dados no MATLAB:

```
t = 0:0.0005:0.3 ;
num1 = 400 ;
num2 = 400*2.94 ;
num3 = 400 * 100 ;
den1 = [1 48.5 num1] ;
den2 = [1 48.5 num2] ;
den3 = [1 48.5 num3] ;
z1 = step(num1,den1,t) ;
z2 = step(num2,den2,t) ;
z3 = step(num3,den3,t) ;
plot(t,z1,t,z2,t,z3)
text(0.13,0.5,'K=1')
text(0.05,0.5,'K=2.94')
text(0.05,1.0,'K=100')
title('RESPOSTA AO DEGRAU UNITARIO')
xlabel('tempo')
ylabel('θc')
meta g01
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:

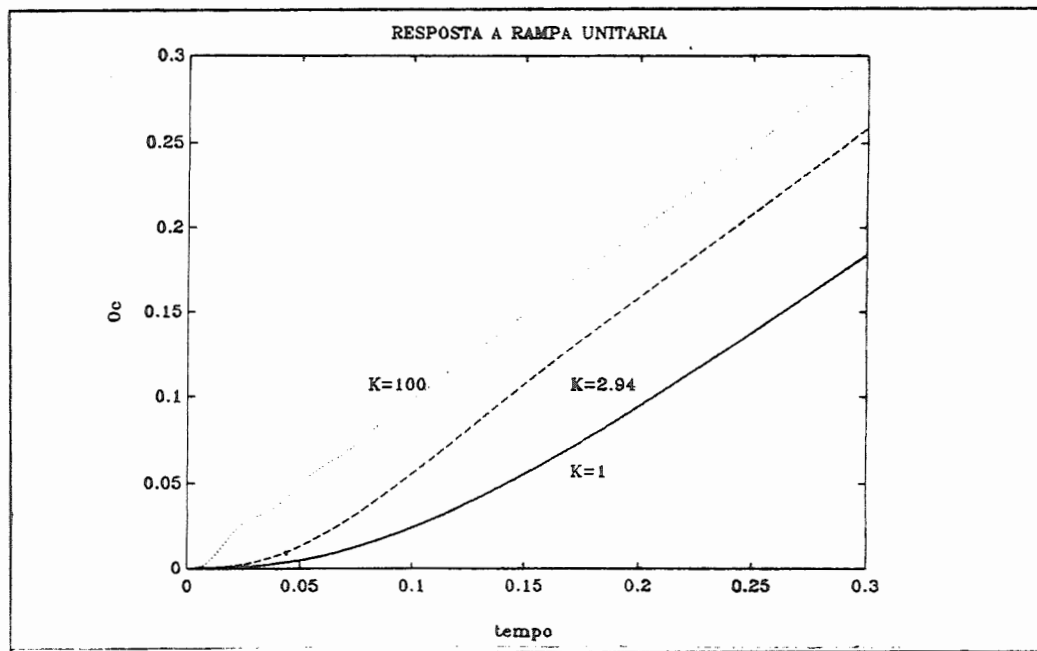


## a2) RESPOSTA A RAMPA UNITARIA

Para um intervalo de tempo (0,0.3) entrar com os dados no MATLAB:

```
t = 0:0.0005:0.3 ;
num1 = 400 ;
num2 = 400*2.94 ;
num3 = 400 * 100 ;
den1 = [1 48.5 num1] ;
den2 = [1 48.5 num2] ;
den3 = [1 48.5 num3] ;
u = t ;
z1 = lsim(num1,den1,u,t) ;
z2 = lsim(num2,den2,u,t) ;
z3 = lsim(num3,den3,u,t) ;
plot(t,z1,t,z2,t,z3)
text(0.17,0.05,'K=1')
text(0.17,0.1,'K=2.94')
text(0.08,0.1,'K=100')
title('RESPOSTA A RAMPA UNITARIA')
xlabel('tempo')
ylabel('θ_c')
meta g02
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:

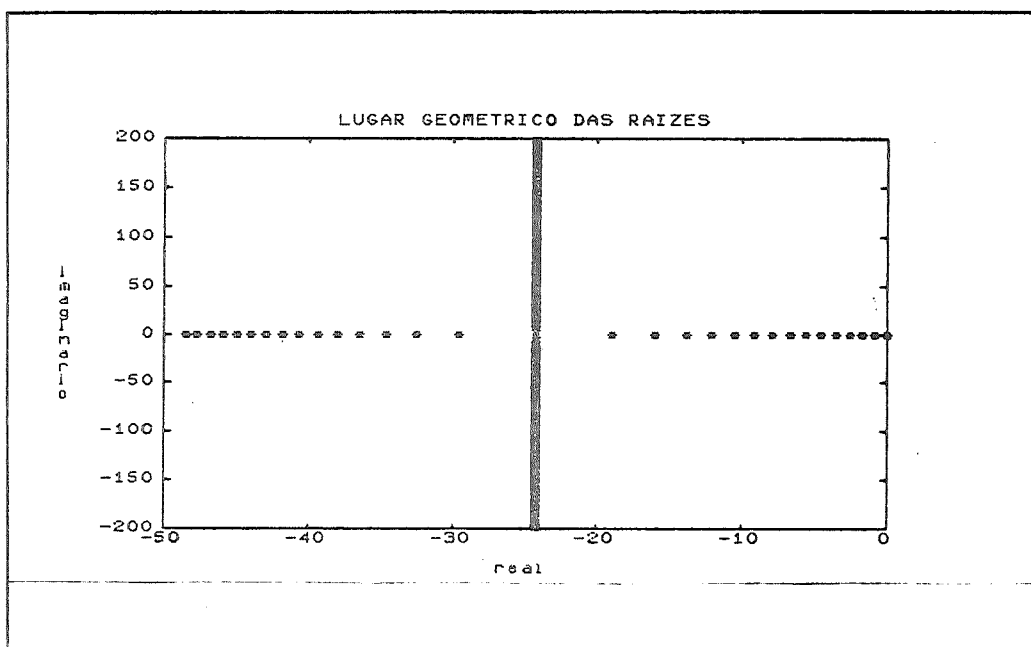


### a3) LUGAR GEOMÉTRICO DAS RAÍZES

Para um ganho desejado (0,100) entrar com os dados no MATLAB:

```
K = 0:0.1:100 ;  
num = 400 ;  
den = [1 48.5 0] ;  
r = rlocus(num,den,k) ;  
plot(r,'*')  
title('LUGAR GEOMETRICO DAS RAIZES')  
xlabel('real')  
ylabel('imaginario')  
<shift> <prt sc>
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:

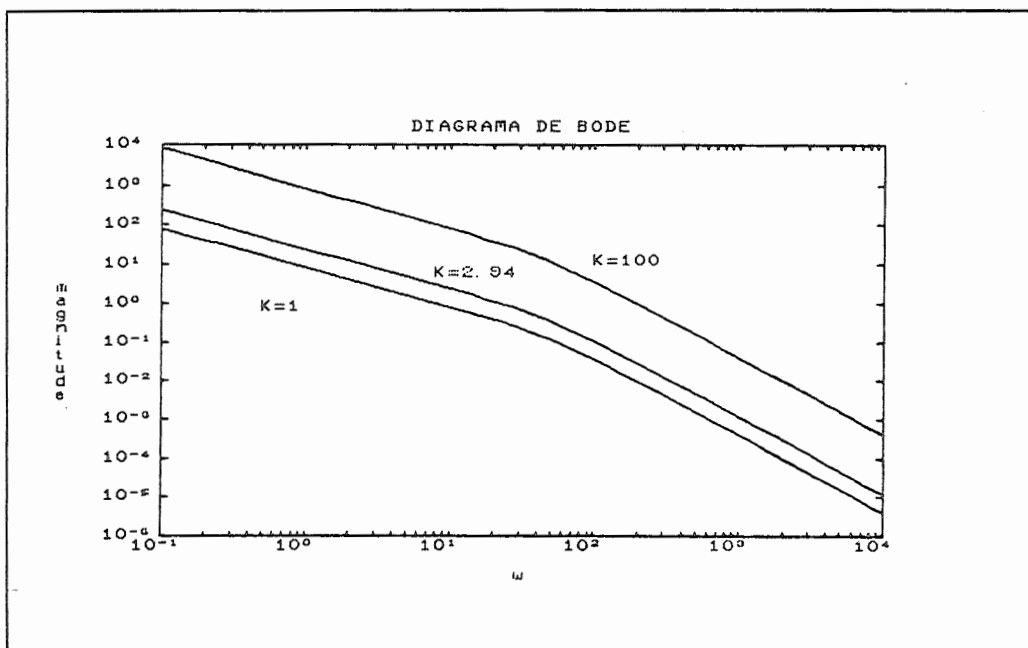


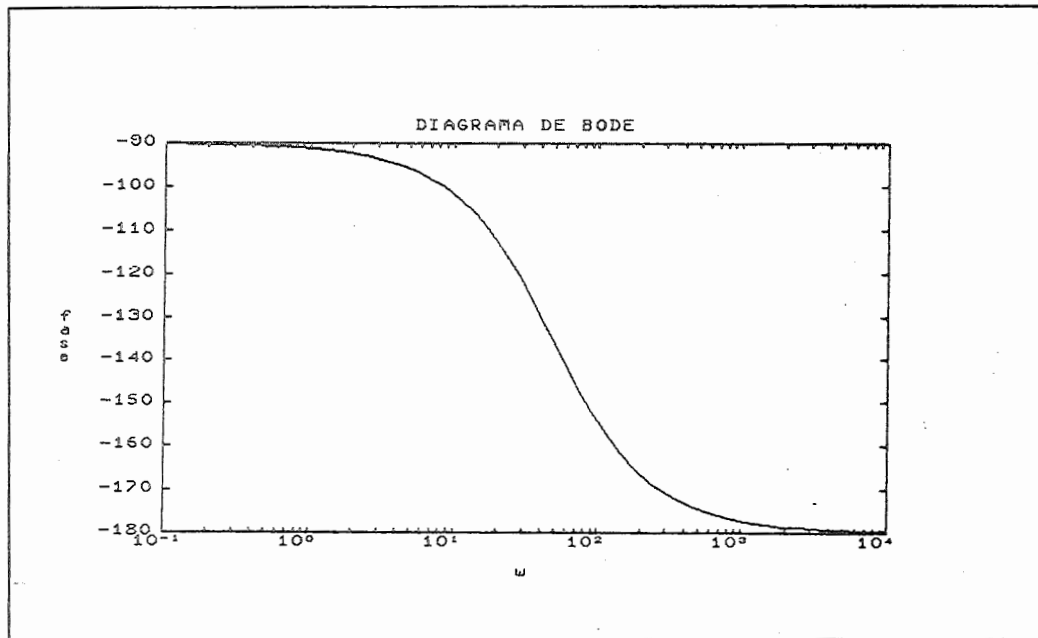
## b) TRAÇAR O DIAGRAMA DE BODE

Para um ganho desejado ( $10^{-1}, 10^4$ ), entrar com os dados no MATLAB:

```
w = logspace(-1,4)
num1 = 400 ;
num2 = 400*2.94 ;
num3 = 400*100 ;
den = [1 48.5 0] ;
[mag1,fase1] = bode(num1,den,w) ;
[mag2,fase2] = bode(num2,den,w) ;
[mag3,fase3] = bode(num3,den,w) ;
loglog(w,mag1,w,mag2,w,mag3)
title('DIAGRAMA DE BODE')
xlabel('w')
ylabel('magnitude')
text(0.5,0.5,'K=1')
text(8,4,'K=2.94')
text(100,8,'K=100')
meta g04a
semilogx(mag1,fase1)
title('DIAGRAMA DE BODE')
xlabel('w')
ylabel('fase')
meta g04b
```

Os gráficos gerados pelo MATLAB são:





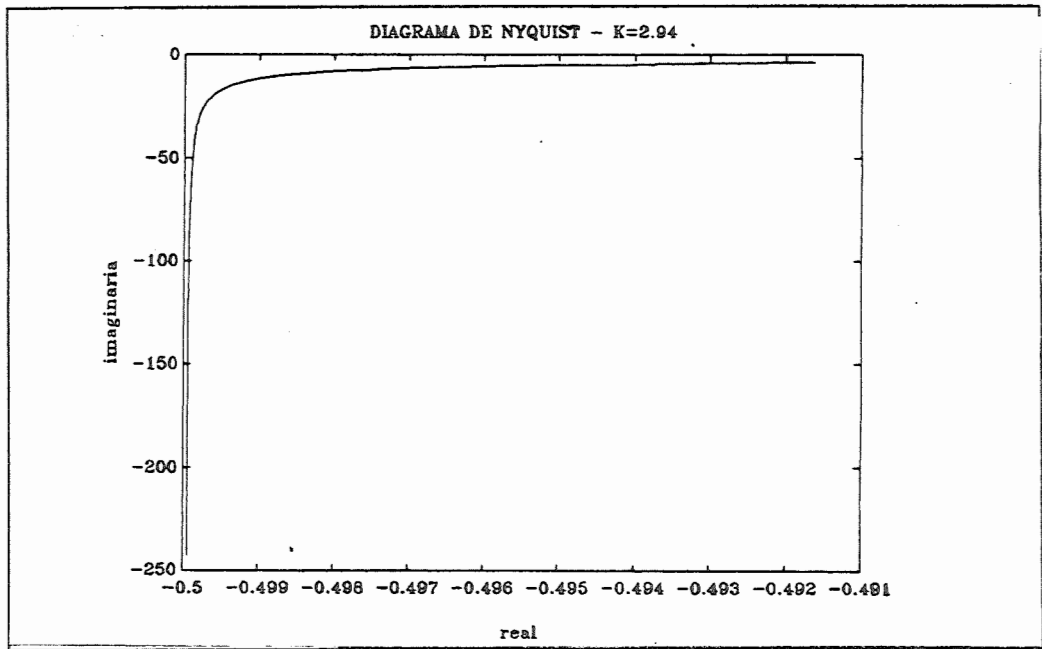
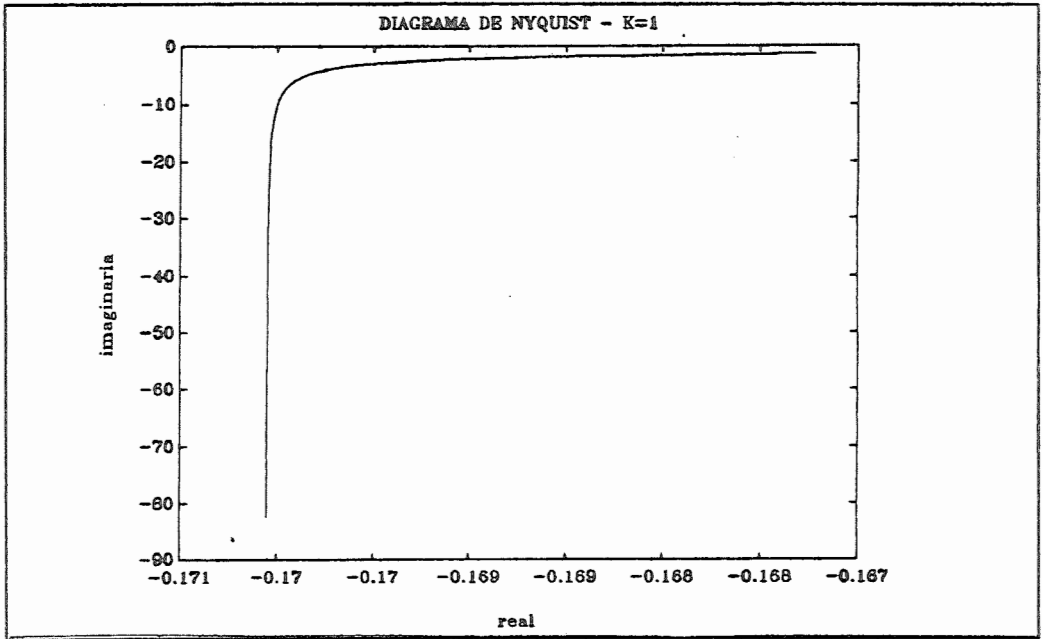
### c) TRAÇAR O DIAGRAMA DE NYQUIST

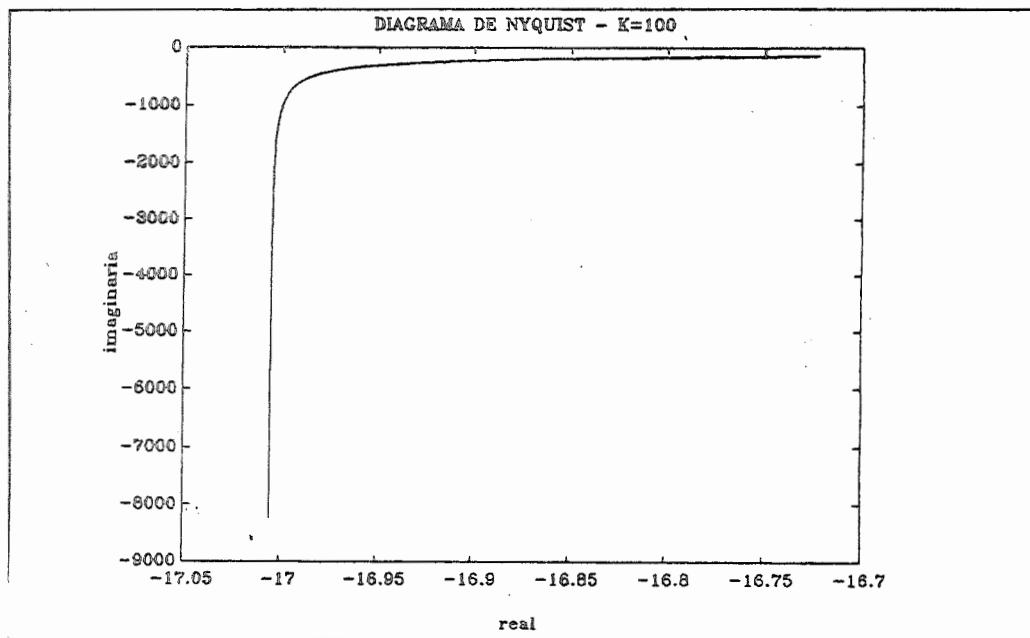
Para um ganho desejado ( $10^{-1}, 10^{0.8}$ ), entrar com os dados no MATLAB:

```
w = logspace(-1,0.8);
num1 = 400 ;
num2 = 400*2.94 ;
num3 = 400*100 ;
den = [1 48.5 0] ;
[re1,im1] = nyquist(num1,den,w) ;
[re2,im2] = nyquist(num2,den,w) ;
[re3,im3] = nyquist(num3,den,w) ;
plot(re1,im1)
title('DIAGRAMA DE NYQUIST - K=1')
xlabel('real')
ylabel('imaginario')
meta g05a
plot(re2,im2)
title('DIAGRAMA DE NYQUIST - K=2.94')
xlabel('real')
ylabel('imaginario')
meta g05b
plot(re3,im3)
title('DIAGRAMA DE NYQUIST - K=100')
xlabel('real')
ylabel('imaginario')
meta g05c
```



Os gráficos gerados pelo MATLAB são:





d) ADICIONANDO UM COMPENSADOR PID AS EQUAÇÕES DE TRANSFERÊNCIA SÃO:

$$\frac{\theta_c(s)}{\theta_r(s)} = \frac{400 s^2 + 40000 s + 2000}{s^3 + 448.5 s^2 + 40000 s + 2000} \quad (\text{malha fechada})$$

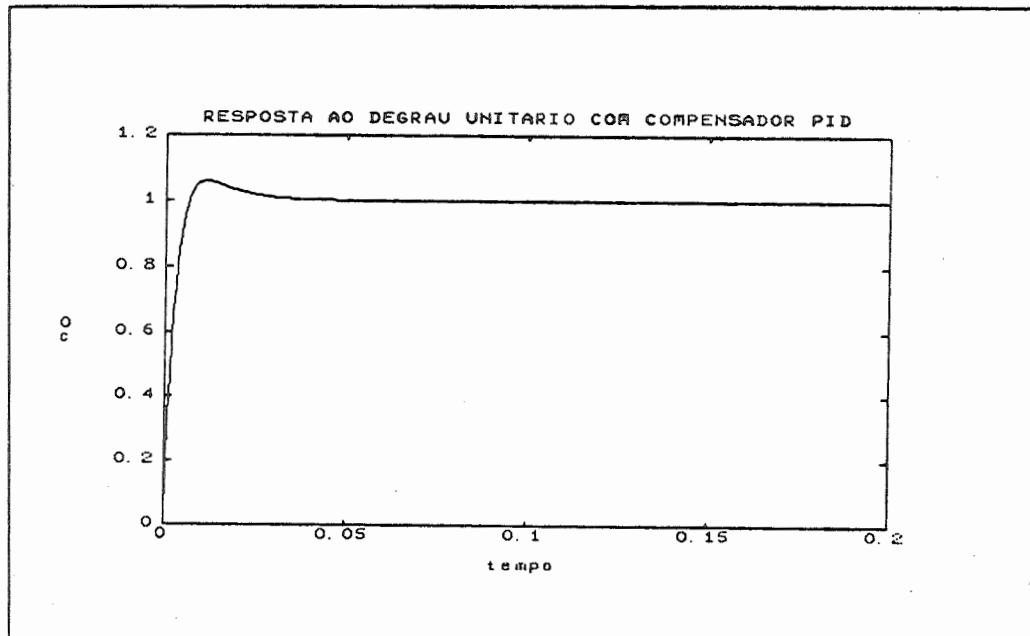
$$G(s) = \frac{\theta_c(s)}{\theta_e(s)} = \frac{400 s^2 + 40000 s + 2000}{s^3 + 48.5 s} \quad (\text{malha aberta})$$

d1) RESPOSTA AO DEGRAU UNITÁRIO

Para um intervalo de tempo (0,0.2) entrar com os dados no MATLAB:

```
t = 0:0.0005:0.2 ;
num = [400 40000 2000] ;
den = [1 448.5 40000 2000] ;
z = step(num,den,t) ;
plot(t,z)
title('RESPOSTA AO DEGRAU UNITARIO COM COMPENSADOR PID')
xlabel('tempo')
ylabel('θc')
meta g06
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:

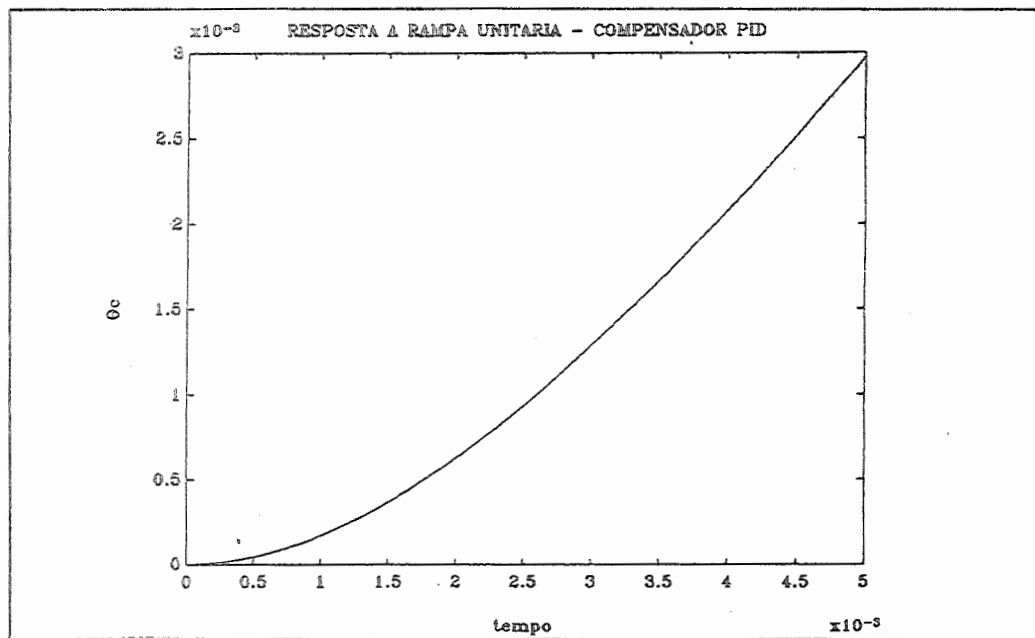


#### d2) RESPOSTA A RAMPA UNITARIA

Para um intervalo de tempo (0,0.005) entrar com os dados no MATLAB:

```
t = 0:0.00005:0.005 ;  
num = [400 40000 2000] ;  
den = [1 448.5 40000 2000] ;  
u = t ;  
z = lsim(num,den,u,t) ;  
plot(t,z)  
title('RESPOSTA A RAMPA UNITARIA COM COMPENSADOR PID')  
xlabel('tempo')  
ylabel('θ_c')  
meta g07
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:

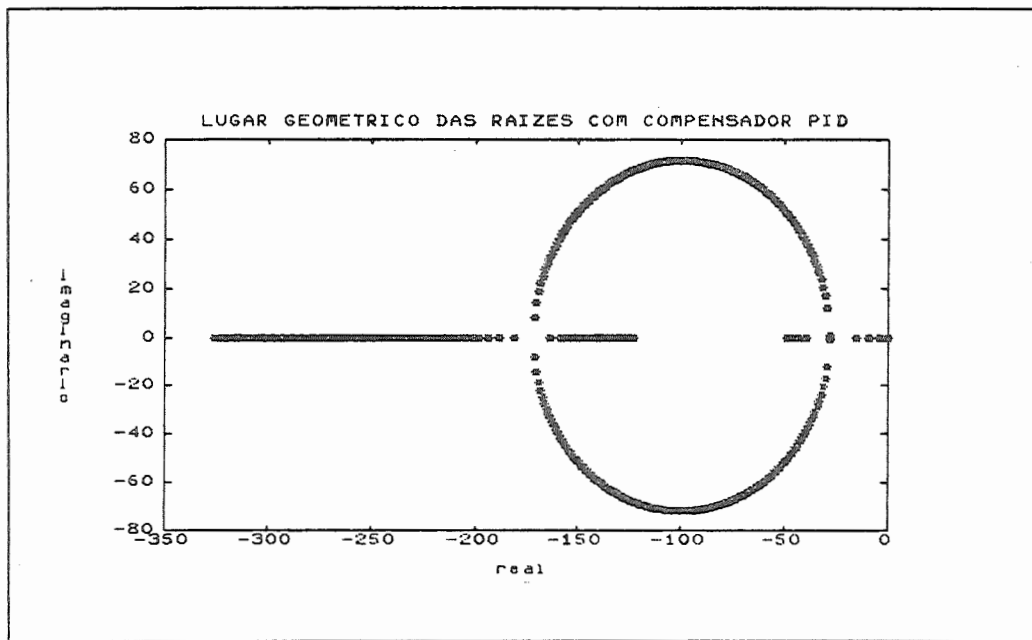


### d3) LUGAR GEOMÉTRICO DAS RAÍZES

Para um ganho desejado (0,1) entrar com os dados no MATLAB:

```
k = 0:0.0005:1 ;
num = [400 40000 2000] ;
den = [1 48.5 0 0] ;
r = rlocus(num,den,k) ;
plot(t,'*')
title('LUGAR GEOMÉTRICO DAS RAÍZES - COMPENSADOR PID')
xlabel('real')
ylabel('imaginario')
<shift> <ptr sc>
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:

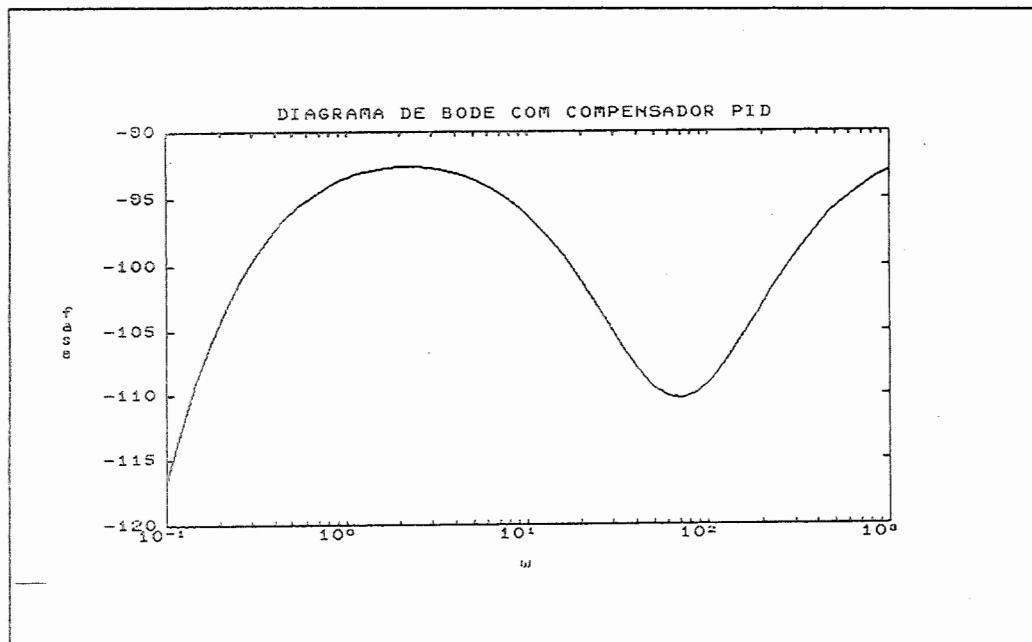
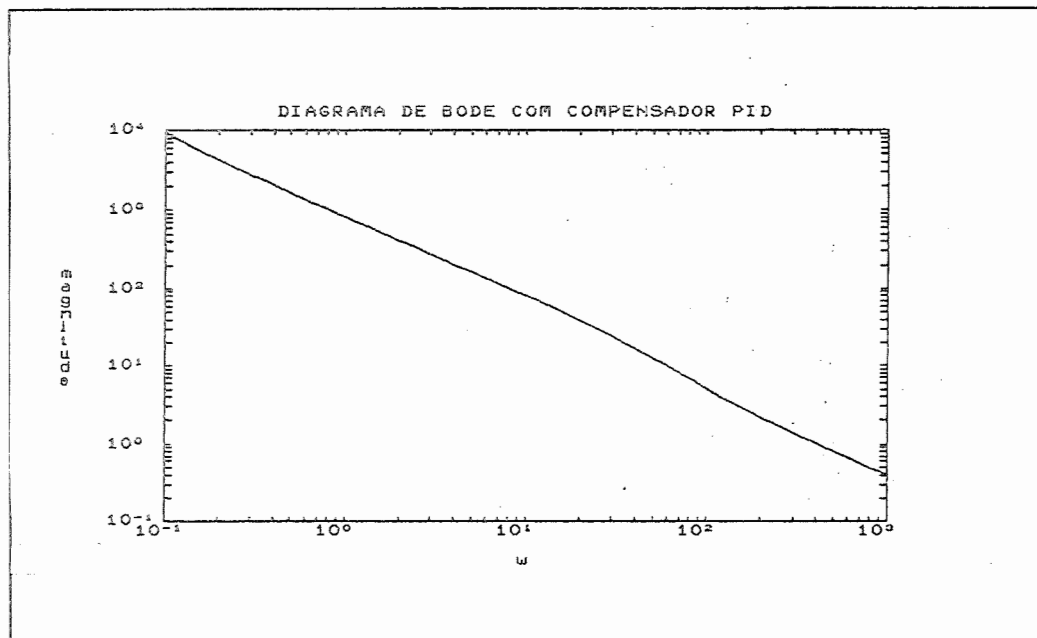


#### d4) TRAÇAR O DIAGRAMA DE BODE

Para um intervalo ( $10^{-1}$ ,  $10^3$ ) entrar com os dados no MATLAB:

```
w = logspace(-1,3) ;
num = [400 40000 2000] ;
den = [1 48.5 0 0] ;
[mag,fase] = bode(num,den,w);
loglog(w,mag)
title('DIAGRAMA DE BODE COM COMPENSADOR PID')
xlabel('w')
ylabel('magnitude')
meta g09a
semilogx(w,fase)
title('DIAGRAMA DE BODE COM COMPENSADOR PID')
xlabel('w')
ylabel('fase')
meta g09b
```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:



d5) TRAÇAR O DIAGRAMA DE NYQUIST

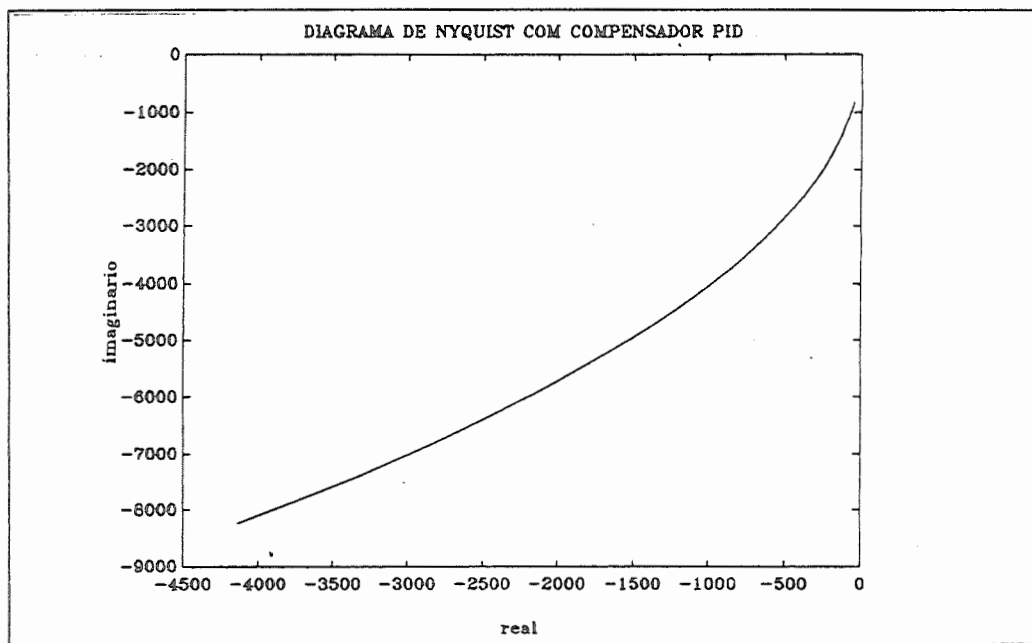
Para um intervalo ( $10^{-1}, 10^1$ ) entrar com os dados no MATLAB:

```

w = logspace(-1,1) ;
num = [400 40000 2000] ;
den = [1 48.5 0 0] ;
[re,im] = nyquist(num,den,w);
plot(re,im)
title('DIAGRAMA DE NYQUIST COM COMPENSADOR PID')
xlabel('real')
ylabel('imaginario')
meta g10

```

O gráfico gerado pelo MATLAB é:



## 32. BIBLIOGRAFIA

MANUAL MATLAB for MS-DOS : Personal Computer. Version 3.1-PC, 1987.

CONTROL SYSTEM TOOLBOX for use with MATLAB. User's Guide. Version 2.2, 1986.

D'AZZO, J.J. & HOUPIS, C.H. Análise e projeto de sistemas de controle lineares. Traduzido por Bernardo S. Silva Filho. 2a. ed. Rio de Janeiro: Guanabara Dois, 1984.